



---

# Persamaan Differensial Non Homogen

Slide : Tri Harsono

April, 2005

Politeknik Elektronika Negeri Surabaya  
ITS



## 2. Penyelesaian PD Non Homogen

- METODE OPERATOR DIFFERENSIAL
  - Penyelesaian Umum PD (PUPD) utk PD Non Homogen:
$$Y(t) = Y_h(t) + Y_p(t)$$
  - $Y_h(t)$  : penyelesaian homogen, didapatkan dari PD Homogen
  - $Y_p(t)$  : penyelesaian partikulir, didapatkan dari PD Non Homogen



### 3. Penyelesaian Partikulir $Y_p$

- Sangat ditentukan oleh input  $x(t)$ ,
- Secara umum ada 5 jenis input  $x(t)$ :
  - Fungsi konstan (step function),
  - Fungsi polinomial (polynomial function),
  - Fungsi sinusoida (sinusoidal function),
  - Fungsi eksponensial (exponential function),
  - Kombinasi fungsi eksponensial dengan fungsi sinusoida

## 4. METODE KOEFISIEN TIDAK TENTU

---



- Penyelesaian homoginnya ( $Y_h$ ) tetap menggunakan Operator D,
- Untuk penyelesaian partikulirnya ( $Y_p$ ) menggunakan metode koefisien tidak tentu,
- Berdasarkan tabel koefisien tidak tentu,
- Tabel pemisalan  $Y_p$ , ditentukan oleh jenis fungsi input  $x(t)$  yang digunakan.

# 4. METODE KOEFISIEN TIDAK TENTU

---



- Beberapa bentuk penyelesaian  $Y_p$  :
  1. Jika input  $x(t)$  merupakan salah satu jenis yang ada di tabel, maka pilihlah  $Y_p$  sesuai dengan pemisalan yang ada pada tabel,
  2. Jika input  $x(t)$  merupakan jumlahan dari fungsi-fungsi input pada tabel, maka pilihlah  $Y_p$  yang juga jumlahan dari fungsi-fungsi pemisalan yang bersesuaian,
  3. Jika input  $x(t)$  sama dengan jenis akar karakteristik, maka kalikan pemisalan  $Y_p$  dengan variabel 't' bila  $x(t)$  sama dengan akar tunggal, dan kalikan dengan ' $t^2$ ' bila  $x(t)$  sama dengan akar kembar.



---

The End  
of  
Non Homogen Diff. Eq.